

Exprimer le résultat d'un mesurage dans le cas où l'on possède un échantillon de N mesures (x_1, \dots, x_n) du mesurande X
(Estimations de type A)

1. **Estimer la valeur du mesurande X**

Le meilleur estimateur \hat{x} de la valeur vraie est la moyenne arithmétique \bar{x} de l'échantillon :

$$\hat{x} = \bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i$$

2. **Estimer l'écart-type σ_X**

Le meilleur estimateur $\hat{\sigma}_X$ de l'écart-type est l'écart-type expérimental de l'échantillon s_X :

$$\hat{\sigma}_X = s_X = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2}{N - 1}}$$

3. **Estimer l'incertitude type u_X**

Le meilleur estimateur \hat{u}_X de l'incertitude-type est l'écart-type expérimental de la moyenne $s_{\bar{x}}$:

$$\hat{u}_X = s_{\bar{x}} = \frac{s_X}{\sqrt{N}}$$

4. **Choisir un facteur d'élargissement k**

On prendra généralement $k = t_{N-1}^{95\%}$ où $t_{N-1}^{95\%}$ est le coefficient de Student pour un niveau de confiance de 95% avec un échantillon de N mesures ($N - 1$ degrés de liberté).

5. **Exprimer l'incertitude U_X**

$$U_X = k \cdot \hat{u}_X$$

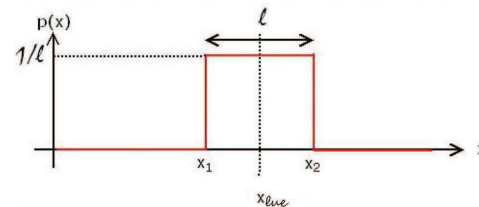
Exprimer le résultat d'un mesurage dans le cas où l'on ne possède qu'une seule mesure du mesurande X
(Estimations de type B)

1. **Estimer la valeur du mesurande X :**

Le meilleur estimateur \hat{x} de la valeur vraie est la valeur donnée par l'appareil de mesure x_{lue}

2. **Choisir une loi de probabilité :**

En l'absence d'information spécifique, on considère généralement une loi de probabilité rectangulaire de largeur l centrée autour de x_{lue}



3. **Estimer l'incertitude type u_X**

Le meilleur estimateur \hat{u}_X de l'incertitude-type est l'écart-type σ_X correspondant à la loi de probabilité choisie. Pour une loi de probabilité rectangulaire,

$$\hat{u}_X = \sigma_X = \frac{l}{\sqrt{12}}$$

4. **Choisir un facteur d'élargissement k .**

Par convention, on prend généralement un coefficient d'élargissement $k = 2$

5. **Exprimer l'incertitude U_X**

$$U_X = k \cdot \hat{u}_X$$

Exprimer le résultat d'un mesurage dans le cas où la grandeur recherchée n'est pas directement mesurée
(Calcul d'une incertitude composée)

On dispose des meilleurs estimateurs $\hat{g}_1, \dots, \hat{g}_N$ des grandeurs G_1, \dots, G_N obtenus de manières indépendantes ainsi que des meilleurs estimateurs des incertitudes-types $\hat{u}_{G_1}, \dots, \hat{u}_{G_N}$ (obtenus par des estimations de type A ou B selon les cas).

De plus, la relation entre X et les grandeurs G_1, \dots, G_N est donnée par $X = f(G_1, \dots, G_N)$

1. **Estimer la valeur du mesurande X :**

Le meilleur estimateur \hat{x} de la valeur vraie de X est obtenu en appliquant la relation $X = f(G_1, \dots, G_N)$ aux meilleurs estimateurs :

$$\hat{x} = f(\hat{g}_1, \dots, \hat{g}_N)$$

2. **Calculer \hat{u}_X le meilleur estimateur de l'incertitude-type u_X :**

Il est calculé à l'aide d'une relation de propagation :

$$\left. \begin{array}{l} X = a_1 G_1 + a_2 G_2 \\ X = a_1 G_1 - a_2 G_2 \end{array} \right\} \hat{u}_X = \sqrt{a_1^2 \hat{u}_{G_1}^2 + a_2^2 \hat{u}_{G_2}^2}$$

$$\left. \begin{array}{l} X = G_1 G_2 \\ X = \frac{G_1}{G_2} \end{array} \right\} \frac{\hat{u}_X}{\hat{X}} = \sqrt{\left(\frac{\hat{u}_{G_1}}{\hat{G}_1}\right)^2 + \left(\frac{\hat{u}_{G_2}}{\hat{G}_2}\right)^2}$$

et à l'aide d'un logiciel dans le cas général

3. **Choisir un facteur d'élargissement k .**

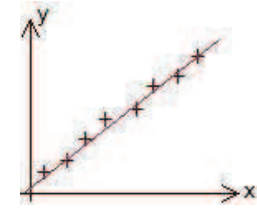
Par convention, on prend généralement un coefficient d'élargissement $k = 2$

4. **Exprimer l'incertitude U_X**

$$U_X = k \cdot \hat{u}_X$$

Exprimer le résultat d'un mesurage dans le cas où l'on possède N couples (x_i, y_i)
(Utilisation de la méthode des moindres carrés avec Regressi)

1. **Entrer l'ensemble des données (x_i, y_i) dans le logiciel et tracer le graphe de y_i en fonction de x_i**



2. **Choisir un type de loi $Y = f(X)$**

3. **Estimer les paramètres de la modélisation**

Exécuter une modélisation pour obtenir \hat{a} le meilleur estimateur de la pente pour un modèle linéaire (et \hat{b} le meilleur estimateur de l'ordonnée à l'origine pour un modèle affine)

4. **Valider la pertinence du modèle choisi**

Vérifier graphiquement que les résidus $(f(x_i) - y_i)$ prennent bien des valeurs aléatoires en fonction de x_i

5. **Exprimer l'incertitude pour chacun des paramètres du modèle**

Extraire l'incertitude U_a pour une modélisation linéaire (et U_b pour une modélisation affine)

6. **Préciser le facteur d'élargissement k .**

$k = t_d^{95\%}$ où $t_d^{95\%}$ est le coefficient de Student pour un niveau de confiance de 95% avec un échantillon de d degrés de liberté ($d = N - 1$ pour une modélisation linéaire et $d = N - 2$ pour une modélisation affine).

On écrira les résultats (en gardant au plus 2 chiffres significatifs pour l'incertitude) sous la forme :

$$X_{exp} = \hat{x} \pm U_X \text{ où l'incertitude exprimée est l'incertitude élargie avec un coefficient d'élargissement } k \text{ associé à un niveau de confiance 95\%}$$